

15 Решите неравенство $(5x - 13) \cdot \log_{2x-5}(x^2 - 6x + 10) \geq 0$.

Решение.

Заметим, что $x^2 - 6x + 10 = (x - 3)^2 + 1 \geq 1$ при любых значениях x . Значит, выражение $\log_{2x-5}(x^2 - 6x + 10)$ положительно при $x > 3$, отрицательно при $\frac{5}{2} < x < 3$ и не определено при $x \leq \frac{5}{2}$ и $x = 3$.

При $x > 3$ выражение $5x - 13$ положительно, а при $\frac{5}{2} < x < 3$ исходное неравенство равносильно неравенству $5x - 13 \leq 0$, откуда $x \leq \frac{13}{5}$.

Таким образом, решение исходного неравенства:

$$\frac{5}{2} < x \leq \frac{13}{5}; x > 3.$$

Ответ: $(\frac{5}{2}; \frac{13}{5}] \cup (3; +\infty)$.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	2
Обоснованно получен ответ, отличающийся от верного исключением точки $\frac{13}{5}$, ИЛИ получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2